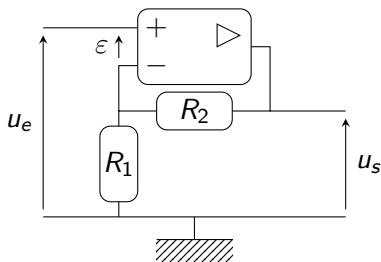


- 1 Montage amplificateur NON inverseur (ALI de gain fini)
- 2 Comparateur à hystérésis (ALI de gain fini)

Sommaire

- 1 Montage amplificateur NON inverseur (ALI de gain fini)
- 2 Comparateur à hystérésis (ALI de gain fini)

Montage

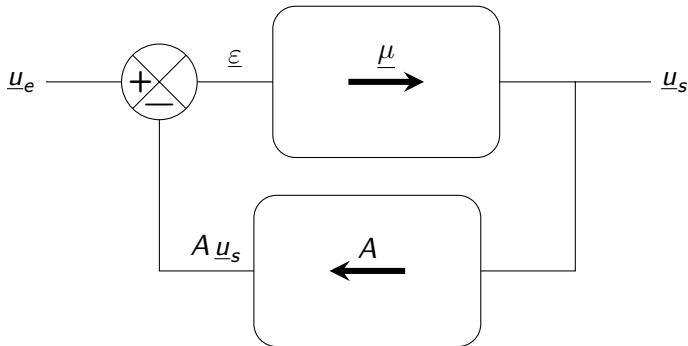


L'ALI est un système LCI de fonction de transfert $\underline{\mu} = \frac{\mu_0}{1 + \omega\tau}$.
 Les relations décrivant le fonctionnement du montage sont :

$$\begin{cases} \underline{u}_s = \underline{\mu} \underline{\varepsilon} \\ \underline{\varepsilon} = \underline{u}_e - A \underline{u}_s \\ A = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \end{cases}$$

Schéma bloc du système bouclé

Les relations $\begin{cases} \underline{u}_s = \underline{\mu} \underline{\varepsilon} \\ \underline{\varepsilon} = \underline{u}_e - A \underline{u}_s \end{cases}$ se représentent selon le schéma-bloc suivant :



La connexion en entrée réalise une **contre-réaction**.

Fonction de transfert

Les relations $\begin{cases} \underline{u}_s = \underline{\mu} \underline{\varepsilon} \\ \underline{\varepsilon} = \underline{u}_e - A \underline{u}_s \end{cases}$ conduisent, après élimination de $\underline{\varepsilon}$, à la formule de Black :

$$\underline{u}_s = \frac{\underline{\mu}}{1 + A \underline{\mu}} \underline{u}_e,$$

soit la fonction de transfert du système bouclé :

$$\underline{H} = \frac{\underline{\mu}}{1 + A \underline{\mu}} = \frac{\mu_0}{1 + j\omega\tau + A\mu_0} = \frac{1}{\frac{1}{\mu_0} + A + j\omega \frac{\tau}{\mu_0}}.$$

Comme $\frac{1}{\mu_0} \leq 10^{-5} \ll A \Rightarrow \underline{H} \simeq \frac{1}{A + j\omega \frac{\tau}{\mu_0}}.$

Stabilité

Considérons le système du premier ordre :

$$\underline{H} = \frac{1}{A + j\omega \frac{\tau}{\mu_0}} = \frac{b_0}{a_0 + a_1 j\omega}.$$

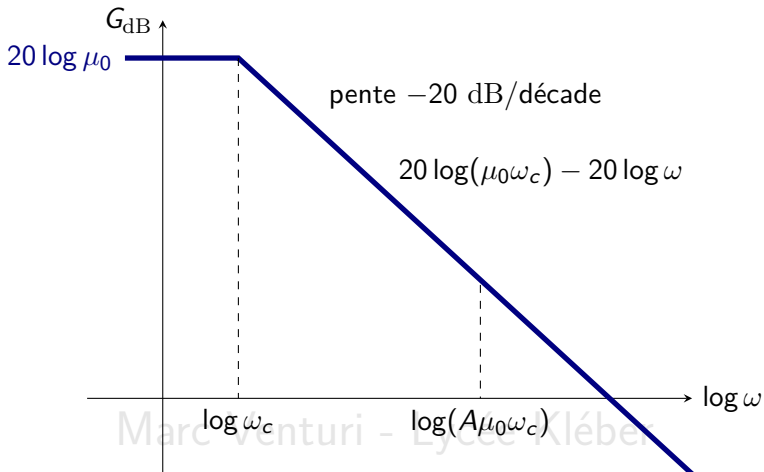
On sait qu'un tel système est **stable**¹ si et seulement si a_0 et a_1 sont de même signe (cf systèmes linéaires).

Ici, $A = \frac{R_1}{R_1 + R_2} > 0$ et $\frac{\tau}{\mu_0} > 0$, donc le montage est stable.

1. Rappel : le signal de sortie d'un système LCI stable tend vers 0 pour un signal d'entrée nul.

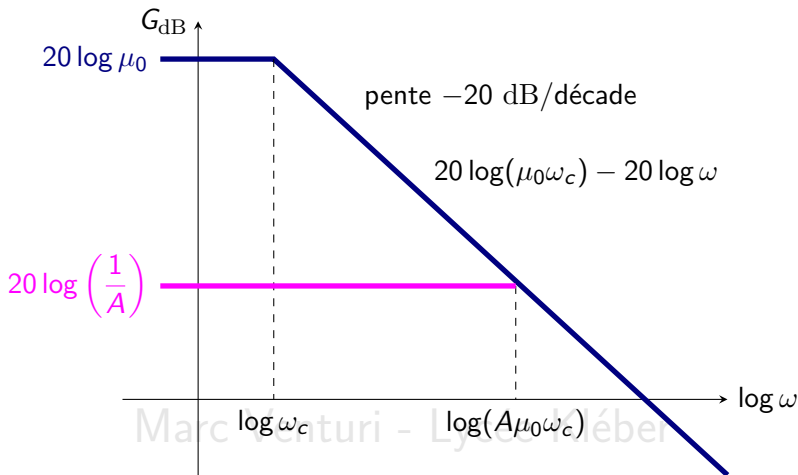
Gain et bande passante

Chaîne directe (ALI) : $\underline{\mu} = \frac{\mu_0}{1 + j\frac{\omega}{\omega_c}}$ où $\omega_c = \frac{1}{\tau} \simeq 50 \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$.



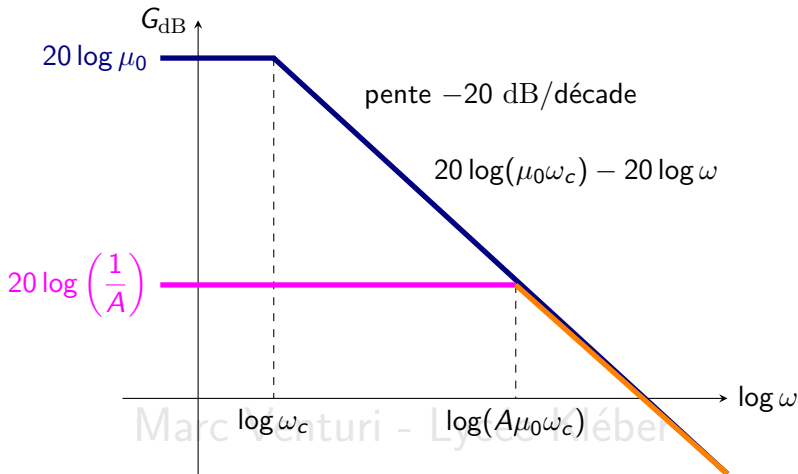
Gain et bande passante

Système bouclé :
$$\underline{H} = \frac{1/A}{1 + j \frac{\omega}{A\mu_0\omega_c}} \xrightarrow{\omega \rightarrow 0} \frac{1}{A} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$



Gain et bande passante

$$\text{Système bouclé : } \underline{H} = \frac{1/A}{1 + j \frac{\omega}{A\mu_0\omega_c}} \xrightarrow{\omega \rightarrow +\infty} \frac{1}{j \frac{\omega}{\mu_0\omega_c}}$$



Gain et bande passante

Il y a un compromis entre gain (linéaire) et bande passante :

$$\mu_0 \rightarrow G = \frac{\mu_0}{A\mu_0}$$

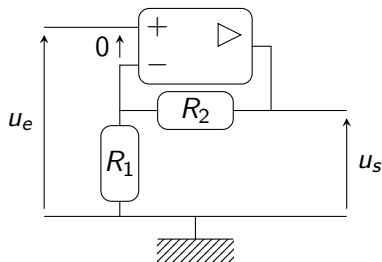
$$\omega_c \rightarrow \omega'_c = \omega_c \times A\mu_0$$

À retenir

Le produit Gain \times bande passante est constant.

$$G\omega'_c = \mu_0\omega_c \simeq 5 \times 10^6 \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}.$$

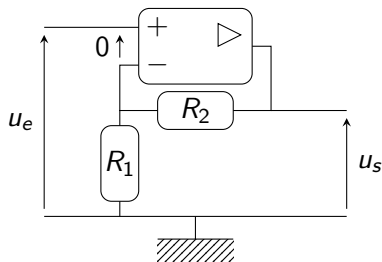
Modèle du gain infini



Si $\mu_0 \rightarrow \infty$:

On retrouve le fonctionnement déjà étudié. Kléber

Modèle du gain infini

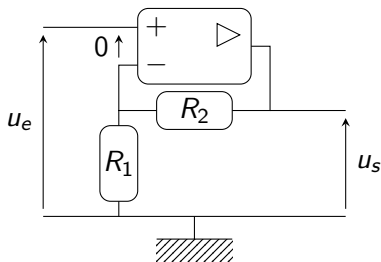


Si $\mu_0 \rightarrow \infty$:

- la bande passante tend vers l'infini ;

On retrouve le fonctionnement déjà étudié.

Modèle du gain infini

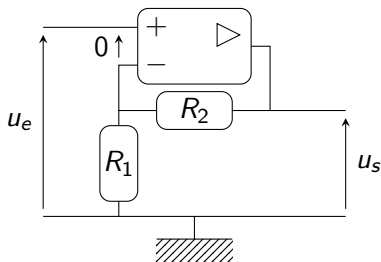


Si $\mu_0 \rightarrow \infty$:

- la bande passante tend vers l'infini ;
- le gain est $G = 1 + \frac{R_2}{R_1}$ pour toutes fréquences ;

On retrouve le fonctionnement déjà étudié.

Modèle du gain infini



Si $\mu_0 \rightarrow \infty$:

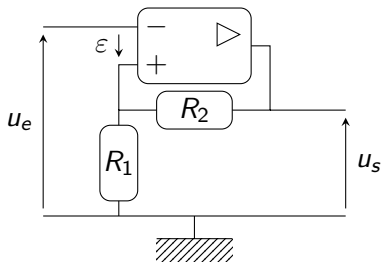
- la bande passante tend vers l'infini ;
- le gain est $G = 1 + \frac{R_2}{R_1}$ pour toutes fréquences ;
- $\varepsilon \rightarrow 0$.

On retrouve le fonctionnement déjà étudié.

Sommaire

- 1 Montage amplificateur NON inverseur (ALI de gain fini)
- 2 Comparateur à hystérésis (ALI de gain fini)

Montage



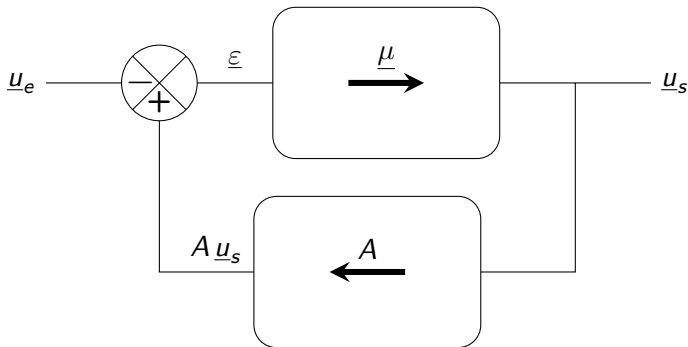
On pose à nouveau $A = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$.

Les relations entre les grandeurs électriques sont :

$$\begin{cases} \underline{u_s} = \underline{\mu \varepsilon} \\ \underline{\varepsilon} = A \underline{u_s} - \underline{u_e} \end{cases}$$

Schéma bloc

Les relations $\begin{cases} \underline{u}_s = \underline{\mu}\underline{\varepsilon} \\ \underline{\varepsilon} = A\underline{u}_s - \underline{u}_e \end{cases}$ se schématisent par le schéma bloc suivant :



La connexion en entrée réalise une **réaction positive**.

Stabilité

On peut établir une fonction de transfert, en éliminant $\underline{\varepsilon}$ et en utilisant l'expression du gain de l'ALI $\underline{\mu} = \frac{\mu_0}{1 + j\omega\tau}$:

$$\underline{H} = -\frac{\underline{\mu}}{1 - A\underline{\mu}} = -\frac{\mu_0}{\underbrace{1 - A\mu_0}_{a_0} + j\underbrace{\omega\tau}_{a_1}}$$

Le système du premier ordre présente, au dénominateur, des constantes **de signes opposés**.

En effet, $A\mu_0 > 1 \Rightarrow a_0 < 0$ dans les cas d'utilisations courantes, car $A \gg 10^{-5}$.

Dans ce cas, le système bouclé est **instable** et ne peut fonctionner en régime linéaire. Le signal de sortie diverge et est limité par une saturation : $u_s = \pm V_{\text{sat}}$.